

# Indice

<b>1 Combinatoria - Riscaldamento</b>	<b>11</b>
1.1 I principi fondamentali della combinatoria . . . . .	12
1.2 Permutazioni e anagrammi . . . . .	17
1.3 Combinazioni e coefficiente binomiale . . . . .	22
1.4 Combinatoria e probabilità . . . . .	24
1.5 Esercizi . . . . .	26
1.6 Soluzioni . . . . .	28
<b>2 La strada di Kolmogorov</b>	<b>33</b>
2.1 Esiti e universo . . . . .	34
2.2 Algebre e tribù di insiemi . . . . .	34
2.3 Spazi di probabilità . . . . .	39
2.4 Proprietà della (misura di) probabilità . . . . .	42
2.5 Esercizi . . . . .	47
2.6 Soluzioni . . . . .	48
<b>3 Costruire spazi di probabilità</b>	<b>51</b>
3.1 Spazi finiti o numerabili . . . . .	52
3.2 Lo spazio dei numeri reali . . . . .	54
3.3 Spazi prodotto . . . . .	60
3.4 Farsi le mani . . . . .	64

3.5 Esercizi . . . . .	72
3.6 Soluzioni . . . . .	73
<b>4 Sapendo che... . . . . .</b>	<b>77</b>
4.1 Condizionamenti . . . . .	77
4.2 Formula di fattorizzazione . . . . .	83
4.3 Intermezzo - Il valore atteso . . . . .	85
4.4 Variazioni sull'indipendenza . . . . .	88
4.5 Teorema di Bayes . . . . .	92
4.6 Esercizi . . . . .	102
4.7 Soluzioni . . . . .	103
<b>5 Altri esercizi . . . . .</b>	<b>107</b>
<b>6 Altre soluzioni . . . . .</b>	<b>115</b>
<b>A Richiami vari . . . . .</b>	<b>137</b>
A.1 Insiemistica . . . . .	137
A.2 La serie geometrica . . . . .	141
A.3 Il teorema di Carathéodory . . . . .	142